

SUMÁRIO

A vibração forçada em regime não linear geométrico de placas assimétricas encastradas em materiais compósitos é estudada pelo método dos elementos finitos hierárquico (MEFH). A origem do sistema de eixos encontra-se no plano médio, sendo o eixo dos z normal a este. Usando a teoria de Mindlin para placas (*first order shear deformation theory*), a hipótese de Kirchhoff é relaxada removendo a terceira parte, i.e., os deslocamentos transversos não se mantêm perpendiculares à superfície média, após deformação. As relações não lineares de von Kármán entre as deformações e os deslocamentos são aplicadas e os deslocamentos ao longo do plano médio são incluídos no modelo, bem como as rotações dos deslocamentos transversos ao longo do eixo dos x e dos y . As equações de movimento no domínio do tempo são determinadas aplicando os princípios dos trabalhos virtuais. Os polinómios de ordem superior que aparecem no MEFH são integrados usando manipulação simbólica. Estas equações são resolvidas no domínio do tempo usando o método de Newmark. A estabilidade da solução obtida, no domínio do tempo, é estudada, usando planos de fase, mapas de Poincaré, espectro de Fourier e expoentes de Lyapunov. Soluções periódicas, quase-periódicas e caóticas são obtidas. Dois tipos de forças são consideradas, os resultados obtidos em análise linear e não linear são comparados com outros publicados e boa concordância é encontrada. É demonstrado que o MEFH requer menos graus de liberdade (GL) que a versão- h do método. Esta é uma grande vantagem em análise não linear porque o tempo necessário para resolver as equações não lineares de movimento aumenta significativamente com o número de graus de liberdade.

SUMMARY

The geometrically non-linear forced vibration of fully clamped composite laminated plates is studied by the hierarchical finite element method (HFEM). Using the first order shear deformation theory (FSDT), Kirchhoff's hypothesis is relaxed by removing the third part, i.e., the transverse normals do not remain perpendicular to the midsurface after deformation. Von Kármán's non-linear strain-displacement relationships are employed and the middle plane in-plane displacements are included in the model, as well as the rotations about the in-plane axis x and y . The equations of motion are developed in the time domain by applying the principle of virtual work. The high order polynomials that emerge in the HFEM are integrated by symbolic manipulation. These equations are solved in the time domain using Newmark direct integration scheme. The time domain response is studied using the phase plane, Poincaré maps, Fourier spectra and Lyapunov exponents; periodic, quasi-periodic and chaotic motions are obtained. Two different types of forces are considered, the results for linear and non-linear analysis are compared with published ones and good agreement is found. It is demonstrated that the HFEM requires fewer degrees of freedom (DOF) than the more common h -version of the FEM. This is a very important advantage in non-linear analysis because the time required to solve the non-linear equations of motion increases significantly with the number of DOF.